## Problema 2

Sejam  $\alpha$  e  $\beta$  elementos de  $S_n - \{\epsilon\}$  e r um número natural. Determine condições suficientes para que

- (i)  $\{\epsilon, \alpha, \beta\}$  seja subgrupo de  $S_n$ ;
- (ii)  $\alpha \circ \beta = \beta \circ \alpha$ ;
- (iii)  $\alpha^r$  seja um ciclo se  $\alpha$  for um ciclo;

e averigúe se são também necessárias.