

2) Seja X um espaço topológico T_1 . Mostre que, se Y é um subespaço topológico de X , então Y é T_1 também.

3) Seja $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ uma aplicação contínua. Mostre que f não é injectiva.

4) Mostre que não existem espaços métricos conexos, com mais de um ponto, numeráveis.

5) Mostre que qualquer subespaço topológico, fechado, de um espaço topológico compacto é compacto.

6) Sejam E, F espaços vectoriais normados e $f : E \rightarrow F$ uma aplicação linear. Prove que se f é contínua então é de Lipschitz e, consequentemente, uniformemente contínua.