

## Operações de Consulta — Selecção

**Selecção** — pretende-se filtrar a informação que pretendemos obter. Para tal define-se um um predicado cujos os argumentos são atributos da relação em questão.

$$\sigma : \mathbb{B} \times R \rightarrow R$$

$$(P(a_1, \dots, a_j), r) \mapsto \sigma_{P(a_1, \dots, a_j)}(r)$$

Exemplo

$$\sigma_{A=B \wedge D > 5}$$

A	B	C	D
a	a	1	7
a	b	5	7
b	b	12	3
b	b	23	10

$$=$$

A	B	C	D
a	a	1	7
b	b	23	10

2012/12/06 (v75)  
89 / 308

2012/12/06 (v75)  
90 / 308

## Projectão

**Projectão** — pretende-se definir quais os predicados é que vão ser visíveis para uma dada relação.

$$\Pi : \mathbb{A} \times R \rightarrow R$$

$$(a_1, \dots, a_j, r) \mapsto \Pi_{a_1, \dots, a_j}(r)$$

com  $\mathbb{A}$  um sub-conjunto dos atributos de  $R$ .

Exemplo:

$$\Pi_{A,C}$$

A	B	C
a	10	1
a	20	1
b	30	1
b	40	2

$$=$$

A	C
a	1
a	1
b	1
b	2

$$=$$

A	C
a	1
b	1
b	2

2012/12/06 (v75)  
91 / 308

2012/12/06 (v75)  
92 / 308

## Selecção

Notação:  $\sigma_{P(t)}(r)$ ,  $P$  é designado por predicado de selecção.

Definição:  $\sigma_{P(t)}(r) = \{t \mid t \in r \wedge P(t)\}$

- ▶ Em que  $P$  é uma fórmula do cálculo proposicional constituída por termos ligados por:  $\wedge$  (**e**),  $\vee$  (**ou**),  $\neg$  (**não**).
- ▶ Cada termo é uma expressão nos atributos da relação, a qual pode conter:
  - ▶ os atributos da relação;
  - ▶ constantes;
  - ▶ operadores e funções pré-definidas (e.g. sin, cos, ...);
  - ▶ operadores relacionais: =, ≠, >, ≥, <, ≤.

Exemplo de selecção:

$\sigma_{\text{balcaoNome}='Baixa'}(\text{conta})$

## Projectão

Notação:  $\Pi_{a_1, \dots, a_k}(r)$ , com  $a_i \in \mathbb{A} \subseteq R$ , para  $1 \leq i \leq k$ . Isto é os  $a_i$ s são atributos de  $R$ .

Definição:  $\Pi_{a_1, \dots, a_k}(r)$  é definida como sendo a instância de relação  $r$ , contendo somente as colunas referentes aos atributos  $a_1, \dots, a_k$ .

Dado o resultado final ser uma relação (conjunto) os tuplos repetidos são automaticamente retirados.

Exemplo de projectão:

$\Pi_{\text{numero}, \text{quantia}}(\text{conta})$

elimina-se o atributo `balcaoNome` da relação `conta`.

## União

**União** — pretende-se fazer a união dos tuplos de duas relações.

$$\begin{aligned} \cup &: \mathbf{R} \times \mathbf{R} \longrightarrow \mathbf{R} \\ (r, s) &\longmapsto r \cup s \end{aligned}$$

Exemplo

A	B
a	1
a	2
b	1

 $\cup$ 

A	B
a	2
b	3

 = 

A	B
a	1
a	2
b	1
b	3

2012/12/06 (v75)  
93 / 308

## Diferença

**Diferença** — pretende-se fazer a diferença (de conjuntos) dos tuplos de duas relações.

$$\begin{aligned} - &: \mathbf{R} \times \mathbf{R} \longrightarrow \mathbf{R} \\ (r, s) &\longmapsto r - s \end{aligned}$$

Exemplo

A	B
a	1
a	2
b	1

 - 

A	B
a	2
b	3

 = 

A	B
a	1
b	1

2012/12/06 (v75)  
95 / 308

## União

Notação:  $r \cup s$ .

Definição:

$$r \cup s = \{t \mid t \in r \vee t \in s\}$$

Pré-condições: Para  $r \cup s$  ser válida:

- ▶  $r, s$  devem ter a mesma aridade (igual número de atributos);
- ▶ os atributos têm de ser compatíveis (valores de tipos compatíveis);

Exemplo de união:

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{ClienteDep}) \cup \Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{ClienteEmp})$$

determina quais os nomes dos clientes que têm uma conta, ou um empréstimo.

A utilização da operação de projecção é aqui necessária para compatibilizar duas relações que, à partida, não são compatíveis.

2012/12/06 (v75)  
94 / 308

## Diferença

Notação:  $r - s$ .

Definição:

$$r - s = \{t \mid t \in r \wedge t \notin s\}$$

Pré-condições: Para  $r - s$  ser válida:

- ▶  $r, s$  devem ter a mesma aridade (igual número de atributos);
- ▶ os atributos têm de ser compatíveis (valores de tipos compatíveis);

Exemplo de diferença:

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{ClienteDep}) - \Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{ClienteEmp})$$

determina quais os nomes dos clientes que têm uma conta depósito, mas não possuem nenhum empréstimo.

A utilização da operação de projecção é aqui necessária para compatibilizar duas relações que, à partida, não são compatíveis.

2012/12/06 (v75)  
96 / 308

## Produto Cartesiano

**Produto Cartesiano** — pretende-se fazer a junção das duas relações através do seu produto cartesiano.

$$\begin{aligned} \times : R \times R &\longrightarrow R \\ (r, s) &\longmapsto r \times s \end{aligned}$$

Exemplo

<b>A</b>	<b>B</b>	×	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	=	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
a	1		a	10	x		a	1	a	10	x
b	2		b	10	x		a	1	b	10	x
c	10		b	20	y		a	1	c	10	y
b	2		b	2	a		b	2	a	10	x
b	2		b	2	b		b	2	b	10	x
b	2		b	2	b		b	2	b	20	y
b	2		b	2	c		b	2	c	10	y

2012/12/06 (v75)  
97 / 308

## Produto Cartesiano

Notação:  $r \times s$ .

Definição:

$$r \times s = \{tq \mid t \in r \wedge q \in s\}$$

Pré-condições: Para  $r \times s$  ser válida:

- ▶ as relações  $R, S$  devem ser disjuntas.

Se as relações não forem disjuntas ter-se-á de utilizar renomeações (veremos já de seguida como).

2012/12/06 (v75)  
98 / 308

## Renomeação

- ▶ Permite dar um nome, e portanto referir, aos resultados de expressões de álgebra relacional.
- ▶ Permite que uma relação seja referida por mais do que um nome.
- ▶ Exemplo:

$$\rho_X(E)$$

Devolve a expressão  $E$  com o nome  $X$ .

- ▶ Se uma expressão de álgebra relacional  $E$  tem aridade  $n$ , então:

$$\rho_{X(a_1, a_2, \dots, a_n)}(E)$$

Devolve a expressão  $E$  com o nome  $X$ , e com os atributos renomeados para  $a_1, a_2, \dots, a_n$ .

2012/12/06 (v75)  
99 / 308

## Renomeação

Exemplo:

$$\rho_{X(a_1, a_2, a_3, a_4)}(r(A, B, C, D)) = X(a_1, a_2, a_3, a_4)$$

Pode-se dar o caso de só se pretender mudar o nome da relação, mantendo os nomes dos atributos. Nesse caso omite-se a componente referente aos atributos. Por exemplo:

$$\rho_{X(r(A, B, C, D))} = X(A, B, C, D)$$

2012/12/06 (v75)  
100 / 308

## Composição de Operações

Pode-se construir expressões combinando várias operações

Exemplo:

$$\sigma_{A=C} \left( \begin{array}{|c|c|} \hline \mathbf{A} & \mathbf{B} \\ \hline a & 1 \\ \hline b & 2 \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline \mathbf{C} & \mathbf{D} & \mathbf{E} \\ \hline a & 10 & x \\ \hline b & 10 & x \\ \hline b & 20 & y \\ \hline c & 10 & y \\ \hline \end{array} \right) = \sigma_{A=C} \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline \mathbf{A} & \mathbf{B} & \mathbf{C} & \mathbf{D} & \mathbf{E} \\ \hline a & 1 & a & 10 & x \\ \hline a & 1 & b & 10 & x \\ \hline a & 1 & b & 20 & y \\ \hline a & 1 & c & 10 & y \\ \hline b & 2 & a & 10 & x \\ \hline b & 2 & b & 10 & x \\ \hline b & 2 & b & 20 & y \\ \hline b & 2 & c & 10 & y \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline \mathbf{A} & \mathbf{B} & \mathbf{C} & \mathbf{D} & \mathbf{E} \\ \hline a & 1 & a & 10 & x \\ \hline b & 2 & b & 10 & x \\ \hline b & 2 & b & 20 & y \\ \hline \end{array}$$

2012/12/06 (v75)  
101 / 308

## Definição Formal

Uma expressão básica na álgebra relacional é:

- ▶ Uma relação na base de dados;
- ▶ Uma relação constante.

Sejam  $E_1$  e  $E_2$  expressões de álgebra relacional; então todas as expressões abaixo são expressões de álgebra relacional:

- ▶  $E_1 \cup E_2$ ;
- ▶  $E_1 - E_2$ ;
- ▶  $E_1 \times E_2$ ;
- ▶  $\sigma_P(E_1)$ , com  $P$  um predicado nos atributos de  $E_1$ ;
- ▶  $\Pi_S(E_1)$ , com  $S$  uma lista de alguns dos atributos de  $E_1$ ;
- ▶  $\rho_X(E_1)$ , com  $X$  um novo nome para o resultado de  $E_1$ ;

2012/12/06 (v75)  
102 / 308

## Exemplo Bancário

- ▶ Modelo Relacional

balcao(nomeBalcao, cidadeBalcao, depositos)  
 cliente(nomeCliente, enderecoCliente, tipoCliente)  
 conta(nConta, nomeBalcao, balanco)  
 emprestimo(nEmprestimo, nomeBalcao, quantia)  
 temConta(nomeCliente, nConta)  
 temEmprestimo(nomeCliente, nEmprestimo)

- ▶ Consultas de Exemplo

- ▶ Determinar todos os empréstimos superiores a 1200€

$$\sigma_{\text{quantia} > 1200}(\text{emprestimo})$$

- ▶ Encontrar os números dos empréstimos de montante superior a 1200€

$$\Pi_{\text{nEmprestimo}}(\sigma_{\text{quantia} > 1200}(\text{emprestimo}))$$

2012/12/06 (v75)  
103 / 308

## Exemplo Bancário – Consultas

- ▶ Listar os nomes de todos os clientes que têm um empréstimo, uma conta, ou ambas as coisas

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{temEmprestimo}) \cup \Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{temConta})$$

- ▶ Encontrar os clientes que têm um empréstimo e uma conta no banco.

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{temEmprestimo}) \cap \Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{temConta})$$

- ▶ Determinar todos os clientes que têm um empréstimo na agência de Coimbra-Baixa.

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\sigma_{\text{nomeBalcao} = \text{"Coimbra-Baixa"}}(\sigma_{\text{temEmprestimo.nEmprestimo} = \text{emprestimo.nEmprestimo}}(\text{emprestimo} \times \text{temEmprestimo})))$$

2012/12/06 (v75)  
104 / 308

## Exemplo Bancário – Consultas

- ▶ Listar os nomes dos clientes que possuem um empréstimo na agência de Coimbra-Baixa mas que não tem nenhuma conta no banco.

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\sigma_{\text{nomeBanco}="Coimbra-Baixa"}(\sigma_{\text{temEmprestimo.nEmprestimo}=\text{emprestimo.nEmprestimo}}(\text{emprestimo} \times \text{temEmprestimo}))) - \Pi_{\text{nomeCliente}}(\text{temConta})$$

- ▶ Determinar todos os clientes que têm um empréstimo na agência de Coimbra-Baixa.
  - ▶ primeira possibilidade

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\sigma_{\text{nomeBanco}="Coimbra-Baixa"}(\sigma_{\text{temEmprestimo.nEmprestimo}=\text{emprestimo.nEmprestimo}}(\text{emprestimo} \times \text{temEmprestimo})))$$

- ▶ segunda possibilidade

$$\Pi_{\text{nomeCliente}}(\sigma_{\text{temEmprestimo.nEmprestimo}=\text{emprestimo.nEmprestimo}}(\sigma_{\text{nomeBanco}="Coimbra-Baixa"}(\text{emprestimo}) \times \text{temEmprestimo}))$$

2012/12/06 (v75)  
105 / 308

## Exemplo Clínica

medicos(nEmpr, nomeM, especialidade)

pacientes(nBI, nomeP, telefone, morada, idade)

farmacos(codF, nomeF)

consultas(nConsulta, data, nBI, nEmpr)

receitas(codF, nConsulta, quantidade)

2012/12/06 (v75)  
107 / 308

## Exemplo Bancário – Consultas

- ▶ Determinar o saldo mais elevado entre todas as contas.
  - ▶ Renomear a relação conta como aux

aux ← conta

- ▶ A consulta é:

$$\Pi_{\text{balanco}}(\text{conta}) - \Pi_{\text{conta.balanco}}(\sigma_{\text{conta.balanco} < \text{aux.balanco}}(\text{conta} \times \rho_{\text{aux}}(\text{conta})))$$

2012/12/06 (v75)  
106 / 308

## Consultas de Exemplo

- ▶ Quais os pacientes com mais de 50 anos de idade?

$$\sigma_{\text{idade} > 50}(\text{pacientes})$$

- ▶ Quais os nomes dos pacientes com mais de 50 anos de idade?

$$\Pi_{\text{nomeP}}(\sigma_{\text{idade} > 50}(\text{pacientes}))$$

- ▶ Quais os fármacos que já foram receitados em consultas da clínica?

$$\Pi_{\text{nomeF}}(\sigma_{\text{receitas.codF}=\text{farmacos.codF}}(\text{receitas} \times \text{farmacos}))$$

- ▶ Quais os fármacos que nunca foram receitados?

$$\Pi_{\text{nomeF}}(\text{farmacos}) - \Pi_{\text{nomeF}}(\sigma_{\text{receitas.codF}=\text{farmacos.codF}}(\text{receitas} \times \text{farmacos}))$$

2012/12/06 (v75)  
108 / 308

## Consultas de exemplo

- ▶ Qual a idade do paciente mais velho?
  - ▶ Renomear a relação pacientes como  $d$
  - ▶ A consulta é:

$$\Pi_{idade}(pacientes) - \Pi_{pacientes.idade}(\sigma_{pacientes.idade < d.idade}(pacientes \times \rho_d(pacientes)))$$

- ▶ E quais os (nomes dos) pacientes com essa idade?
  - ▶ Seja  $r$  a relação da pergunta anterior:

$$\Pi_{nomeP}(\sigma_{pacientes.idade=r.idade}(pacientes \times r))$$

2012/12/06 (v75)  
109 / 308

## Operações Adicionais

Definem-se outras operações que não aumentam o poder expressivo da álgebra relacional, mas simplificam algumas consultas habituais.

- ▶ Intersecção de conjuntos
- ▶ Junção Natural
- ▶ Divisão
- ▶ Atribuição

2012/12/06 (v75)  
110 / 308

## Operação de Intersecção de Conjuntos

- ▶ Notação:  $r \cap s$

- ▶ Definida por:

$$r \cap s = \{t \mid t \in r \wedge t \in s\}$$

- ▶ Assume-se que:

- ▶  $r$  e  $s$  têm a mesma aridade;
- ▶ Os atributos de  $r$  e  $s$  são compatíveis.

- ▶ Note que:

$$r \cap s = r - (r - s) = s - (s - r)$$

2012/12/06 (v75)  
111 / 308

## Intersecção de Conjuntos - Exemplo

$r =$	<table border="1"><thead><tr><th>A</th><th>B</th></tr></thead><tbody><tr><td><math>\alpha</math></td><td>1</td></tr><tr><td><math>\alpha</math></td><td>2</td></tr><tr><td><math>\beta</math></td><td>1</td></tr></tbody></table>	A	B	$\alpha$	1	$\alpha$	2	$\beta$	1
A	B								
$\alpha$	1								
$\alpha$	2								
$\beta$	1								

$s =$	<table border="1"><thead><tr><th>A</th><th>B</th></tr></thead><tbody><tr><td><math>\alpha</math></td><td>2</td></tr><tr><td><math>\beta</math></td><td>3</td></tr></tbody></table>	A	B	$\alpha$	2	$\beta$	3
A	B						
$\alpha$	2						
$\beta$	3						

$$r \cap s =$$

A	B
$\alpha$	2

2012/12/06 (v75)  
112 / 308

## Operação de Junção Natural

- ▶ Notação:  $r \bowtie s$
- ▶ Sejam  $r$  e  $s$  relações nos esquemas  $R$  e  $S$  respectivamente. O resultado é uma relação no esquema  $R \cup S$  que é obtido considerando cada par de tuplos  $t_r$  de  $r$  e  $t_s$  de  $s$ .
- ▶ Se  $t_r$  e  $t_s$  têm o mesmo valor em cada um dos atributos em  $R \cap S$ , um tuplo  $t$  é adicionado ao resultado, em que:
  - ▶ O resultado é uma relação cujo conjunto de atributos é a reunião dos atributos de  $R$  e  $S$  (obtido considerando cada par de tuplos  $t_r$  de  $r$  e  $t_s$  de  $s$ ).
  - ▶ Se  $t_r$  e  $t_s$  têm o mesmo valor em cada um dos atributos pertencente ao conjunto de atributos intersecção dos atributos de  $R$  e  $S$ , então o tuplo  $t$  é adicionado ao resultado. Caso contrário o tuplo não é considerado no resultado final.
- ▶ Exemplo:

$$R = (A, B, C, D)$$

$$S = (E, B, D)$$

Esquema resultado:  $(A, B, C, D, E)$

- ▶ A junção natural  $r \bowtie s$  pode-se definir por (a intersecção dos atributos é:  $\{B, D\}$ ):

$$\Pi_{r.A, r.B, r.C, r.D, s.E}(\sigma_{r.B=s.B \wedge r.D=s.D}(r \times s))$$

2012/12/06 (v75)  
113 / 308

## Junção Natural – Exemplo

A	B	C	D
$\alpha$	1	$\alpha$	a
$\beta$	2	$\gamma$	a
$\gamma$	4	$\beta$	b
$\alpha$	1	$\gamma$	a
$\delta$	2	$\beta$	b

B	D	E
1	a	$\alpha$
3	a	$\beta$
1	a	$\gamma$
2	b	$\delta$
3	b	$\epsilon$

A	B	C	D	E
$\alpha$	1	$\alpha$	a	$\alpha$
$\alpha$	1	$\alpha$	a	$\gamma$
$\alpha$	1	$\gamma$	a	$\alpha$
$\alpha$	1	$\gamma$	a	$\gamma$
$\delta$	2	$\beta$	b	$\delta$

2012/12/06 (v75)  
114 / 308

## Operação de Divisão

$$r \div s$$

- ▶ Adequada para consultas que incluam a frase “para todo”.
- ▶ Sejam  $r$  e  $s$  relações nos esquemas  $R$  e  $S$  respectivamente com
  - ▶  $R = (a_1, \dots, a_m, b_1, \dots, b_n)$
  - ▶  $S = (b_1, \dots, b_n)$

O resultado de  $r \div s$  é uma relação no esquema

$$R - S = (a_1, \dots, a_m)$$

$$r \div s = \{t \mid t \in \Pi_{R-S}(r) \wedge \forall_{u \in s} tu \in r\}$$

2012/12/06 (v75)  
115 / 308

## Operação de Divisão — Exemplo

$r$ :	A	B
	$\alpha$	1
	$\alpha$	2
	$\alpha$	3
	$\beta$	1
	$\gamma$	1
	$\delta$	1
	$\delta$	3
	$\delta$	4
	$\epsilon$	6
	$\epsilon$	1
	$\beta$	2

$s$ :	B
	1
	2

$r \div s$ :	A
	$\alpha$
	$\beta$

2012/12/06 (v75)  
116 / 308

## Outro Exemplo de Divisão

$r$ :	$A$	$B$	$C$	$D$	$E$
	$\alpha$	$a$	$\alpha$	$a$	$1$
	$\alpha$	$a$	$\gamma$	$a$	$1$
	$\alpha$	$a$	$\gamma$	$b$	$1$
	$\beta$	$a$	$\gamma$	$a$	$1$
	$\beta$	$a$	$\gamma$	$b$	$3$
	$\gamma$	$a$	$\gamma$	$a$	$1$
	$\gamma$	$a$	$\gamma$	$b$	$1$
	$\gamma$	$a$	$\beta$	$b$	$1$

$s$ :	$D$	$E$
	$a$	$1$
	$b$	$1$

$r \div s$ :	$A$	$B$	$C$
	$\alpha$	$a$	$\gamma$
	$\gamma$	$a$	$\gamma$

2012/12/06 (v75)  
117/308

## Operação de Divisão (Cont.)

- ▶ Propriedade
  - ▶ Seja  $q = r \div s$
  - ▶ Então  $q$  é a maior relação satisfazendo  $q \times s \subseteq r$ .
- ▶ Definição em termos de operações básicas da álgebra rel.
 

Sejam  $r(R)$  e  $s(S)$  relações, com  $S \subset R$

$$r \div s = \Pi_{R-S}(r) - \Pi_{R-S}((\Pi_{R-S}(r) \times s) - \Pi_{R-S,S}(r))$$

Porquê?

- ▶  $\Pi_{R-S}(r) \times s$  dá os elementos de  $r$  com todos os valores de  $S$ .
- ▶  $\Pi_{R-S,S}(r)$  constrói uma versão de  $r$  com os atributos da expressão anterior.
- ▶  $\Pi_{R-S}(\Pi_{R-S}(r) \times s) - \Pi_{R-S,S}(r)$  dá os tuplos  $t$  em  $\Pi_{R-S}(r)$  tal que para algum tuplo  $u \in s$ ,  $tu \notin r$ .

2012/12/06 (v75)  
118/308

## Outro exemplo de divisão (Cont.)

$$\begin{aligned} r \div s &= \Pi_{R-S}(r) - \Pi_{R-S}((\Pi_{R-S}(r) \times s) - \Pi_{R-S,S}(r)) \\ &= \Pi_{(A,B,C)}(r) - \Pi_{(A,B,C)}((\Pi_{(A,B,C)}(r) \times s) - \Pi_{(A,B,C,D,E)}(r)) \end{aligned}$$

$$R = (A, B, C, D, E) \quad S = (D, E) \quad R - S = (A, B, C)$$

- ▶  $\Pi_{(A,B,C)}(r) \times s$  dá os elementos de  $r$  com todos os valores de  $(D, E)$ .
- ▶  $\Pi_{(A,B,C,D,E)}(r)$  constrói uma versão de  $r$  com os atributos da expressão anterior. Neste caso:  $\Pi_{(A,B,C,D,E)}(r) = r$ .
- ▶  $\Pi_{(A,B,C)}((\Pi_{(A,B,C)}(r) \times s) - \Pi_{(A,B,C,D,E)}(r))$  dá os tuplos  $t$  em  $\Pi_{(A,B,C)}(r)$  tal que para algum tuplo  $u \in s$ ,  $tu \notin r$ .

2012/12/06 (v75)  
119/308

## Operação de Atribuição

- ▶ A operação de atribuição ( $\leftarrow$ ) permite-nos expressar consultas complexas de uma forma muito conveniente.
 

Escreve-se a consulta como um programa sequencial constituído por uma sequência de atribuições terminada com uma expressão cujo valor é o resultado da consulta.
- ▶ A atribuição é sempre efectuada para uma variável de relação temporária.
- ▶ Exemplo: escrever  $r \div s$  como
 

```
temp1 ← ΠR-S(r)
temp2 ← ΠR-S((temp1 × s) - ΠR-S,S(r))
resultado = temp1 - temp2
```

  - ▶ O resultado à direita de  $\leftarrow$  é atribuído à variável que se encontra à esquerda de  $\leftarrow$ .
  - ▶ Pode-se utilizar a variável em sub-expressões seguintes.

2012/12/06 (v75)  
120/308



## Consultas de Exemplo

- ▶ Encontrar os clientes que têm uma conta pelo menos nas agências de “Coimbra-Baixa” e “Coimbra-Alta”.

- ▶ Consulta 1

$$\Pi_{CN}(\sigma_{BN='Coimbra-Baixa'}(\text{depositante} \bowtie \text{conta})) \\ \cap \Pi_{CN}(\sigma_{BN='Coimbra-Alta'}(\text{depositante} \bowtie \text{conta}))$$

em que CN denota nomeCliente e BN denota nomeBalcao.

- ▶ Consulta 2

$$\Pi_{cliente.nome,balcao.nome}(\text{depositante} \bowtie \text{conta}) \\ \div \rho_{temp}(balcao.nome)(\{('Coimbra - Baixa'), ('Coimbra - Alta')\})$$

2012/12/06 (v75)  
121 / 308

## Consultas de Exemplo

- ▶ Listar todos os clientes que têm uma conta em todas as agências localizadas na cidade de Leiria.

$$\Pi_{cliente.nome,balcao.nome}(\text{depositante} \bowtie \text{conta}) \\ \div \Pi_{balcao.nome}(\sigma_{balcao.cidade='Leiria'}(\text{balcao}))$$

2012/12/06 (v75)  
122 / 308

## Consultas de exemplo

- ▶ Quais os fármacos alguma vez prescritos por cardiologistas?

$$\Pi_{nomeF}(\text{farmacos} \bowtie \text{receitas} \bowtie \text{consultas} \bowtie \\ \bowtie \sigma_{especialidade='cardiologia'}(\text{medicos}))$$

ou

$$\Pi_{nomeF}(\sigma_{especialidade='cardiologia'} \\ (\text{farmacos} \bowtie \text{receitas} \bowtie \text{consultas} \bowtie \text{medicos}))$$

- ▶ Quais os (nomes dos) fármacos que já foram receitados por todos os médicos da clínica?

$$r \leftarrow \Pi_{codF,nEmpr}(\text{consultas} \bowtie \text{receitas}) \div \Pi_{nEmpr}(\text{medicos}) \\ \Pi_{nomeF}(\text{farmacos} \bowtie r)$$

2012/12/06 (v75)  
123 / 308

## Operações Estendidas da Álgebra Relacional

- ▶ Aumentam a expressividade da Álgebra Relacional:

- ▶ Projecção Generalizada

- ▶ Funções de Agregação

- ▶ Junção Externa

2012/12/06 (v75)  
124 / 308