TESTE INTERMÉDIO - 11º ANO - MATEMÁTICA A

19 de Maio de 2006

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO - VERSÃO 2

COTAÇÕES

Grupo I		63
Cada resposta certa	. 0	
Grupo II		137
1.	32	
2	25	
3.	20	
4. 4.1. 4.2. 4.2. 4.2. 4.2.2. 4.2.3. 4.2.4. 2.5 4.2.2. 15	60	
TOTAL		200

Grupo I

Deverão ser anulados todos os itens com resposta de leitura ambígua (letra confusa, por exemplo) e todos os itens em que o aluno dê mais do que uma resposta.

As respostas certas são as seguintes:

Itens	1	2	3	4	5	6	7
Respostas	D	D	С	С	Α	D	С

Grupo II

Critérios gerais

- Se o aluno se enganar na identificação do item a que está a responder, ou se a omitir, mas, pela resolução apresentada, for possível identificá-lo inequivocamente, a resposta deve ser vista e classificada.
- 2. Se o aluno apresentar mais do que uma resposta a um item, e não indicar, de forma inequívoca, a que pretende que seja classificada, deve ser vista e classificada apenas a que se encontra em primeiro lugar, na folha de resposta.
- 3. As cotações a atribuir às respostas dos alunos são expressas obrigatoriamente em números inteiros.
- **4.** Num item em que a respectiva resolução exija cálculos e/ou justificações, a cotação a atribuir deve estar de acordo com o seguinte critério:
 - Se o aluno se limitar a apresentar o resultado final, a cotação deve ser de 0 (zero) pontos.
 - Se o aluno não se limitar a apresentar o resultado final, a cotação deve ser a soma algébrica das cotações atribuídas a cada etapa, de acordo com o disposto nos pontos 6,
 7, 8 e 9 destes critérios gerais, e das desvalorizações previstas nos pontos 10 e 11 destes critérios gerais. Se a soma for negativa, a cotação a atribuir é de 0 (zero) pontos.
- 5. Alguns itens da prova podem ser correctamente resolvidos por mais do que um processo. Sempre que o aluno utilizar um processo de resolução não contemplado nos critérios específicos, caberá ao professor classificador adoptar um critério de distribuição da cotação que julgue adequado e utilizá-lo em situações idênticas. Salienta-se que deve ser aceite qualquer processo cientificamente correcto, mesmo que envolva conhecimentos não contemplados no programa da disciplina.

- **6.** A cotação de cada item está subdividida pelas etapas que o aluno deve percorrer para o resolver.
 - **6.1.** Em cada etapa, a cotação indicada é a máxima a atribuir.
 - **6.2.** O classificador não pode subdividir, em cotações parcelares, a cotação atribuída a cada etapa.

Caso uma etapa envolva um único passo, testando apenas o conhecimento de um só conceito ou propriedade, e a sua resolução não esteja completamente correcta, deve ser atribuída a cotação de 0 (zero) pontos.

Caso uma etapa envolva mais do que um passo (por exemplo, o cálculo da derivada de uma função, a resolução de uma equação, a obtenção de uma expressão em função de uma variável, etc.) e a sua resolução esteja incompleta, ou contenha incorrecções, a cotação a atribuir deve estar de acordo com o grau de incompletude e/ou a gravidade dos erros cometidos. Por exemplo:

- erros de contas ocasionais devem ser desvalorizados em um ponto;
- erros que revelem desconhecimento de conceitos, regras ou propriedades devem ser desvalorizados em, pelo menos, metade da cotação da etapa;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em um ponto, desde que o grau de dificuldade da etapa não diminua;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em, pelo menos, metade da cotação da etapa, caso o grau de dificuldade da etapa diminua.
- **6.3.** Nas etapas cuja cotação se encontra discriminada por níveis de desempenho, o classificador deve enquadrar a resposta do aluno numa das descrições apresentadas. O classificador não pode atribuir uma cotação diferente das indicadas.
- **6.4.** No caso de o aluno cometer um erro numa das etapas, as etapas subsequentes devem merecer a respectiva cotação, desde que o grau de dificuldade não tenha diminuído, e o aluno as execute correctamente, de acordo com o erro que cometeu.
- 6.5. Caso o aluno cometa, numa etapa, um erro que diminua o grau de dificuldade das etapas subsequentes, cabe ao classificador decidir a cotação máxima a atribuir a cada uma destas etapas. Em particular, se, devido a um erro cometido pelo aluno, o grau de dificuldade das etapas seguintes diminuir significativamente, a cotação máxima a atribuir a cada uma delas não deverá exceder metade da cotação indicada.
- **6.6.** Pode acontecer que o aluno, ao resolver um item, não percorra explicitamente todas as etapas previstas nos critérios específicos. Todas as etapas não percorridas explicitamente pelo aluno, mas cuja utilização e/ou conhecimento estejam inequivocamente implícitos na resolução do item, devem receber a cotação indicada.

- 7. Quando, num item, é pedida uma forma específica de apresentação do resultado final (por exemplo, "em minutos", "em percentagem", etc.), este deve ser apresentado na forma pedida. Se o resultado final apresentado pelo aluno não respeitar a forma pedida no enunciado (por exemplo, se o enunciado pedir o resultado em minutos, e o aluno o apresentar em horas), devem ser atribuídos 0 (zero) pontos à etapa correspondente ao resultado final. No entanto, a cotação não deve ser desvalorizada caso o aluno não indique a unidade em que é pedido o resultado (por exemplo, se o resultado final for 12 minutos, ou 12 metros, e o aluno escrever simplesmente 12, não se deve aplicar nenhuma desvalorização). Se não for pedida aproximação para o resultado final, o aluno deve apresentar o valor exacto. Se o aluno apresentar, como resultado final, uma aproximação do valor exacto, deve ser aplicada uma desvalorização de 1 ponto na cotação a atribuir à etapa correspondente ao resultado final.
- **8.** O aluno deve respeitar sempre a instrução relativa à apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações. Se, numa etapa, o aluno não respeitar esta instrução, apresentando algo (valor, quadro, tabela, gráfico, etc.) que não resulte de trabalho anterior, deve ser atribuída a cotação de 0 (zero) pontos a essa etapa. Todas as etapas subsequentes que dela dependam devem ser igualmente cotadas com 0 (zero) pontos.
- 9. O aluno deve respeitar sempre qualquer instrução relativa ao método a utilizar na resolução de um item (por exemplo, "sem recorrer à calculadora", "equacione o problema", "resolva graficamente", etc.). Na resolução apresentada pelo aluno, deve ser inequívoco, pela apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações, o cumprimento da instrução. Se tal não acontecer, considera-se que o aluno não respeitou a instrução. A etapa em que se dá o desrespeito, bem como todas as subsequentes que dela dependam devem ser cotadas com 0 (zero) pontos.
- 10. Se, na resolução de um item, o aluno utilizar simbologia, ou escrever uma expressão, inequivocamente incorrecta do ponto de vista formal (por exemplo, se escrever o símbolo de igualdade onde deveria estar o símbolo de equivalência), a cotação total a atribuir ao item deve ser desvalorizada em um ponto. Esta desvalorização não se aplica no caso em que tais incorrecções ocorram apenas em etapas cotadas com 0 (zero) pontos, nem a eventuais utilizações do símbolo de igualdade, onde, em rigor, deveria estar o símbolo de igualdade aproximada.
- 11. Existem itens em cujo enunciado é dada uma instrução relativa ao número mínimo de casas decimais que o aluno deve conservar, sempre que, em cálculos intermédios, proceder a arredondamentos. Indicam-se, a seguir, as desvalorizações a aplicar, na cotação total a atribuir ao item, em caso de desrespeito dessa instrução e/ou de arredondamentos mal efectuados.

l'odos os valores intermédios estão de acordo com a instrução, mas existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado	-1 ponto
Todos os valores intermédios estão bem arredondados, mas existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução	-1 ponto
Existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado e existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução	2 pontos

1.1.		20
	$3 + \frac{1}{2-x} \le -1 \Leftrightarrow \frac{9-4x}{2-x} \le 0$	
	Quadro(ver nota 1)10 1^a linha (relativa à variável x)2 2^a linha (relativa ao numerador)2 3^a linha (relativa ao denominador)2 4^a linha (relativa ao quociente)4	
	Conclusão (ver nota 2)5	
	Notas:1. A cotação a atribuir a cada linha do quadro deve estar de acordo com o seguinte critério:	
	Linha correcta	
	2. A cotação a atribuir à conclusão deve estar de acordo com o seguinte critério:	
	Conclusão correcta5	
	Conclusão parcialmente correcta (em que o único erro é a inclusão do valor 2 no conjunto solução)2	
	Outras situações0	
1.2.		12
	Escrever a equação $\ y=3$ 6	
	Escrever a equação $ x=2$	
2		25
	Traduzir o problema	
	Desenhar a região admissível8	
	Encontrar a solução óptima7	

Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos:	
1º Processo:	
$\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DC}$	4
$\left(\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DC}\right) \cdot \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DA} \cdot \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{DC} \cdot \overrightarrow{DC} \dots$	5
$\overrightarrow{DA} \cdot \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{0}$	
$\overrightarrow{DC} \cdot \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DC}^2$	5
Conclusão	
2º Processo:	
$\overrightarrow{DB} \cdot \overrightarrow{DC} = \left\ \overrightarrow{DB} \right\ \left\ \overrightarrow{DC} \right\ \cos \alpha$	
$\left(\alpha \ \ \text{\'e o ângulo dos vectores} \ \ \overrightarrow{DB} \ \ \text{e} \ \ \overrightarrow{DC} \right)$	6
$\left\ \overrightarrow{DB} \right\ = \overline{DB} e \left\ \overrightarrow{DC} \right\ = \overline{DC} \;$	
DB = DB e $ DC = DC$	
$\cos \alpha = \frac{\overline{DC}}{\overline{DB}}$	
Conclusão	7
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos:	
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: 1º Processo:	
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: 1º Processo: Determinar um vector com a direcção da recta,	
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $\frac{1^{\rm o}\ {\rm Processo}:}{\rm Determinar\ um\ vector\ com\ a\ direcção\ da\ recta,}{\rm como,\ por\ exemplo,\ o\ vector\ } \left(0,2,1\right)$	5
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{\rm o}\ {\rm Processo}}{1^{\rm o}\ {\rm Processo}} : $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{o} \ \text{Processo}:}{2^{o} \ \text{Processo}:} $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5)
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{o} \ \text{Processo}:}{2^{o} \ \text{Processo}:} $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5)
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{\rm o} {\rm Processo} :}{ } $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5)
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $\frac{1^{o} \operatorname{Processo}}{\operatorname{Processo}}:$ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5)
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{\rm o}\ {\rm Processo}:}{2^{\rm o}\ {\rm Processo}:} $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5) 5
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{o} \operatorname{Processo}}{\operatorname{Processo}} : $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5) 5
Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos: $ \frac{1^{o} \operatorname{Processo}:}{1^{o} \operatorname{Processo}:} $ Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0,2,1)$	5 es 10 (5+5) 5

4.2.1		25
	Justificar que o domínio de f é o intervalo $]0,4[$ 4	
	Exprimir o raio da base do cilindro em função de $\ z$	
	Escrever uma expressão que dê o volume do cilindro em função de $\ z \ \dots 7$	
	Obter a expressão dada7	
422		15
7.2.2		.0
	Traduzir o problema pela inequação $\ f(z)>rac{64}{9}$ 3	
	Resolver a inequação (ver nota 1)11	
	Apresentação dos elementos recolhidos na utilização da calculadora (gráfico de f , recta de equação $y=\frac{64}{9}$, abcissas dos pontos de intersecção) (ver nota 2)	
	Valor mínimo (ver nota 3)4	
	Valor máximo (ver nota 4)4	
	Resposta («A cota do ponto P deve variar entre $1,\!019$ e $1,\!675$ »)1	
	Notas:	
	1. Se o aluno não resolver a inequação graficamente (por exemplo, se a tentar resolver com recurso à tabela da calculadora), esta etapa e todas as subsequentes devem ser cotadas com 0 (zero) pontos, pelo facto de o aluno ter desrespeitado a instrução do enunciado (ver critério geral 9).	
	2. A cotação a atribuir à apresentação do gráfico deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:	
	Apresentação correcta e completa de todos os elementos relevantes	
	Apresentação correcta mas com ausência de alguns elementos relevantes ou apresentação completa mas com algumas incorrecções	
	Apresentação incompleta e com algumas incorrecções1	
	Outras situações0	

3.	A cotação a atribuir à apresentação do valor mínimo deve estar acordo com os seguintes níveis de desempenho:	de
	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
	$\underline{\text{2° caso}}$: valor com aproximação superior às milésimas Valor no intervalo $[1{,}018~;~1{,}019]$ 0 Outros valores0	
	3° caso: valor com aproximação inferior às milésimas Valor igual a $1,02$	
4.	A cotação a atribuir à apresentação do valor máximo deve estar acordo com os seguintes níveis de desempenho:	de
	1º caso: valor arredondado às milésimas	
	Valor igual a 1,675 4	
	Valor igual a 1,676 3	
	Valor igual a $1,674$ ou $1,677$	
	Outros valores0	
	2° caso: valor com aproximação superior às milésimas Valor no intervalo $[1,675\ ;\ 1,676]$	
	Outros valores0	
	3º caso: valor com aproximação inferior às milésimas	
	Valor igual a a $1,67$ ou $1,68$ 0 Outros valores0	